

Amérique du Nord. 2013 STATION SPATIALE ISS (6,5 points)

La station spatiale internationale ISS (International Space Station) est à ce jour le plus grand des objets artificiels placés en orbite terrestre à une altitude de 400 km.

Elle est occupée en permanence par un équipage international qui se consacre à la recherche scientifique dans l'environnement spatial.

Jusqu'à présent, trois vaisseaux cargos ATV ont permis de ravitailler la station ISS.



Les parties A et B de cet exercice sont indépendantes.

PARTIE A : Étude du mouvement de la station spatiale ISS

La station spatiale internationale, supposée ponctuelle et notée S, évolue sur une orbite qu'on admettra circulaire, dont le plan est incliné de $51,6^\circ$ par rapport au plan de l'équateur. Son altitude est environ égale à 400 km.

Données : • rayon de la Terre : $R = 6\,380$ km ; • masse de la station : $m = 435$ tonnes ;

• masse de la Terre, supposée ponctuelle : $M = 5,98 \times 10^{24}$ kg

• constante de gravitation universelle : $G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ m}^3 \text{ kg}^{-1} \text{ s}^{-2}$.

• altitude de la station ISS : h

• expression de la valeur de la force d'interaction deux corps A et B ponctuels de masses respectives m_A et m_B , distants de $d = AB$: $F = G \frac{m_A m_B}{d^2}$

1. Représenter sur un schéma : - la Terre et la station S, supposée ponctuelle ;
- un vecteur unitaire \vec{u} orienté de la station S vers la Terre (T) ;
- la force d'interaction gravitationnelle exercée par la Terre sur la station S.

Donner l'expression vectorielle de cette force en fonction du vecteur unitaire \vec{u} .

2. En considérant la seule action de la Terre, établir l'expression vectorielle de l'accélération \vec{a}_s de la station dans le référentiel géocentrique, supposé galiléen, en fonction de G, M, h, R et du vecteur unitaire \vec{u} .

3. Vitesse du satellite.

3.1. Montrer que, dans le cas d'un mouvement circulaire, la valeur de la vitesse de la station a pour expression :

3.2. Calculer la valeur de la vitesse de la station en $\text{m}\cdot\text{s}^{-1}$.

$$v = \sqrt{\frac{GM}{R+h}}$$

4. Combien de révolutions autour de la Terre un astronaute présent à bord de la station spatiale internationale fait-il en 24 h ?

PARTIE B : Ravitaillement de la station ISS

Le 23 mars 2012, un lanceur Ariane 5 a décollé du port spatial de l'Europe à Kourou (Guyane), emportant à son bord le véhicule de transfert automatique (ATV) qui permet de ravitailler la Station Spatiale Internationale (ISS).

Au moment du décollage, la masse de la fusée est égale à $7,8 \times 10^2$ tonnes, dont environ 3,5 tonnes de cargaison : ergols, oxygène, air, eau potable, équipements scientifiques, vivres et vêtements pour l'équipage à bord de l'ATV.

D'après http://www.esa.int/esaCP/Pr_10_2012_o_FR.html

On se propose dans cette partie d'étudier le décollage de la fusée.

Pour ce faire, on se place dans le référentiel terrestre supposé galiléen. À la date $t = 0$ s, le système est immobile.

À la date $t = 1$ s, la fusée a éjecté une masse de gaz notée m_g , à la vitesse v_g . Sa masse est alors notée m_f et sa vitesse \vec{v}_f .

Données :

- Intensité de la pesanteur à Kourou : $g = 9,78 \text{ N}\cdot\text{kg}^{-1}$
- Débit d'éjection des gaz au décollage : $D = 2,9 \times 10^3 \text{ kg}\cdot\text{s}^{-1}$
- Vitesse d'éjection des gaz au décollage : $v_g = 4,0 \text{ km}\cdot\text{s}^{-1}$



1. Modèle simplifié du décollage

Dans ce modèle simplifié, on suppose que le système { fusée + gaz } est isolé.

1.1. En comparant la quantité de mouvement du système considéré aux dates $t = 0$ et $t = 1$ s, montrer que : $\vec{v}_f = -\frac{m_g}{m_f} \vec{v}_g$

Quelle est la conséquence de l'éjection de ces gaz sur le mouvement de la fusée ?

1.2. Après avoir montré numériquement que la variation de la masse de la fusée est négligeable au bout d'une seconde après le décollage, calculer la valeur de la vitesse de la fusée à cet instant.

2. Étude plus réaliste du décollage

2.1. En réalité la vitesse v_f est très inférieure à celle calculée à la question 1.2.

En supposant que le système (fusée + gaz) est isolé, quelle force n'aurait-on pas dû pas négliger ?

2.2. On considère désormais le système { fusée }. Il est soumis à son poids \vec{P} et à la force de poussée \vec{F} définie par $\vec{F} = -D \cdot \vec{v}_g$ où D est la masse de gaz éjecté par seconde.

2.2.1. Montrer que le produit $(D \cdot v_g)$ est homogène à une force.

2.2.2. Vérifier par une application numérique que la fusée peut effectivement décoller.